

20.06.24

### עבודת קיץ במתמטיקה לתלמידי 5 ייח"ל העולים לכיתה י'

תלמידים יקרים,

לפניכם עבודה במתמטיקה לתלמידים העולים לכיתה י' ברמת 5 יחידות לימוד. בעבודה ישנים תרגילים מקיפים וממוקדים שנלמדו בשנת הלימודים הנוכחיית, אשר הכרחיים להמשך לימודיו המתמטיים בתיכון. בנוסף העבודה מכילה מגוון תרגילים להעמקה ושליטה בחומר. על מנת להצליח במהלך שנת הלימודים, נדרשת מהתלמידים מידת ניכרת של התמדה, מחויבות ורצינות במהלך שנת הלימודים תשפ"ה. העבודה היא הזדמנויות לישור קו והיא הכרחית להצלחתכם בשנת הלימודים הבאה. בתחילת שנת הלימודים תשפ"ה, תתקיים בחינה ברוח הנושאים של העבודה.

**צוות מתמטיקה מאחל לכם חופש נעים ובהצלחה בשנת הלימודים הבאה !**



# עובדת קיז לבוגרי כיתה ט'

## עבור תלמידים שיישובאו בכיתה י'

### ב-5 יחידות

"**כלהג זעט אַתְּ כָּלְכָלָךְ  
הַלְּכָלָךְ גִּלְעָדָךְ שָׁמֶןְקָרָךְ אֵיךְ  
כִּיְצָרְתָּנָאָךְ**"

קובי בריאנט





## חלק א' – טכניקה אלגברית

1. פתרו את המשוואות הבאות:

א.	$\frac{2x+8}{6} - x = \frac{x+10}{3}$
ב.	$\frac{2x}{3} = x - \frac{x+5}{4}$
ג.	$4(x^2 + 1) + 6 = (x+6)^2 - (x+1)(x-1)$
ד.	$\frac{1-2x}{x-4} - \frac{3}{x} = \frac{6-x}{x(x-4)}$
ה.	$\frac{15}{x+2} - \frac{2x-5}{x-2} = \frac{x+7}{x^2-4}$
ו.	$\frac{18}{x^2-16} = \frac{x-3}{2x-8} + \frac{2x-1}{x+4}$
ז.	$\frac{1}{x-3} - \frac{6}{2x^2-18} = \frac{5}{2x+6}$
ח.	$\frac{3x-4}{x-7} = \frac{6}{x^2-6x-7}$

2. נתונה המשוואה:  $\frac{x^2-2x-15}{x-5} = 0$ .א. האם ניתן שאחד מפתרונות המשוואה הוא  $x=5$ ? כן / לא.

הקיימו את התשובה הנכונה וنمיקו.

ב. פתרו את המשוואה.

3. פתרו את מערכות המשוואות הבאות:

א. $\begin{cases} y - 2x = -2 \\ y = 8 - 3x \end{cases}$	ב. $\begin{cases} y + x = 8 \\ y - 4x = 3 \end{cases}$	ג. $\begin{cases} 5(x-7) = 4(y-5) \\ y = 10x + 5 \end{cases}$
--	--	---



4. צלע אחת של מלבן מיוצגת על ידי הביטוי  $5+x$ , וצלע שנייה של מלבן מיוצגת על ידי הביטוי  $2-x$ . שטחו של המלבן  $60 \text{ סמ}^2$ .

a. כתבו משווה מתאימה למציאת הערך של  $x$ .

b. האם יתכן ש  $1=x$ ? כן / לא, הקיפו את התשובה הנכונה ונמקו.

g. מצאו את מידות המלבן.

5. פשטו את הביטוי האלגברי הבא:

$$\frac{a^2-b^2}{a^2-2ab+b^2} \cdot \frac{b-a}{a}$$

6. a, b הם מספרים ממשיים שונים מאפס.

a. הקיפו את הביטויים הבאים:

$$\frac{a^2b}{3} \cdot \frac{6}{ab^2} \quad .iv \quad \frac{a^2b}{3} \cdot \frac{ab^2}{6} \quad .iii \quad \frac{a^2b}{3} : \frac{ab^2}{6} \quad .ii \quad \frac{\frac{a^2b}{3}}{ab^2} \quad .i$$

$$\frac{\frac{a^2b}{3}}{ab^2} \quad .b \quad \text{פשטו את הביטוי האלגברי הבא:}$$

7. נתון ש-  $-6=x$  אחד הפתרונות של המשוואة  $a + x^2 - 2x = 0$ . למשואה יש שני פתרונות. מהו הפתרון השני?

8. נתון האי שווין  $\frac{(2x-1)^2}{-4} < 9$

סמן את האי - שווין השקול לאי שווין הנתון:

$$\begin{array}{ll} \frac{-(2x-1)^2}{4} > 9 & .i \\ \frac{-(2x-1)^2}{4} < 9 & .ii \\ \frac{-(2x-1)^2}{4} < 9 & .iii \\ \frac{(2x-1)^2}{4} > 9 & .iv \end{array}$$



9. א. מהם הפתרונות של המשוואה  $x^2 = 289$

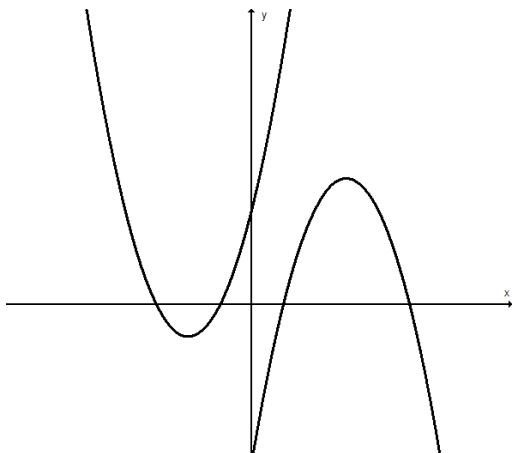
ב. מהם פתרונות של האנכי שווין  $x^2 < 289$

"אני לא מפחדת מסופות,  
כי כך לומדת להשיט את האנייה שלי"  
(ג'חפי, נשים קטנות)





## חלק ב' – פונקציות וקדם אנלייז



1. נתונות שתי פונקציות ריבועיות:

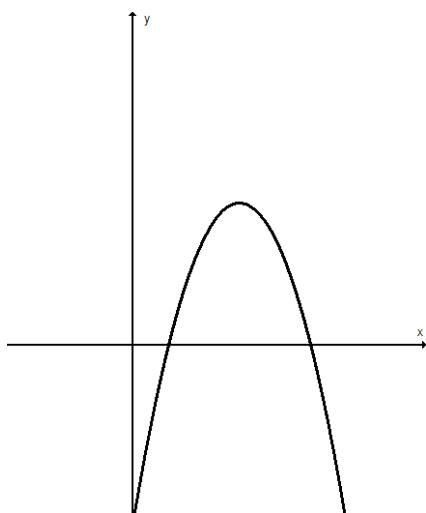
$$f(x) = -(x - 3)^2 + 4$$

$$g(x) = (x + 2)^2 - 1$$

א. חשבו את המרחק בין שתי נקודות החיתוך של הפונקציות עם ציר ה- $y$ .

ב. כתבו את משוואת הישר המחבר את הקודקודים של שתי הפונקציות.

ג. רשמו את התחום שבו פונקציה  $f(x)$  יורדת ושלילית.



2. נתונה הפונקציה:  $f(x) = -(x - 3)^2 + 4$

א. כתבו פונקציה קבועה שחותכת את גוף הפונקציה  $f(x)$  בשתי נקודות.

ב. רשמו את שתי נקודות החיתוך של הפונקציה הריבועית והפונקציה הקבועה.

ג. כתבו את התחום בו  $f(x)$  גדולה מהפונקציה הקבועה.

ד. כתבו משווה לפונקציה קוית עולה העוברת דרך נקודות החיתוך של  $f(x)$  עם ציר  $x$  ונקודות החיתוך של  $f(x)$  עם הפונקציה הקבועה.

"הרגע בו אתה מפקפק ביכולת שלך לעוזר,"

הוא הרגע בו אתה מאבד לנצח את יכולת לעשות את זה"

(פייר פן)





3. נתונה הפונקציה  $3 + 5x - 2x^2 = f(x)$

א. חשבו את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה.

ב. מצאו את  $\frac{1}{4}f$ . כתבו את התשובה כזוג סדור.

ג. נקודות החיתוך של הפונקציה עם ציר  $x$  נמצאות: (בחרו את התשובה הנכונה)

ו. בחלק החיובי של ציר  $x$

ו'. נקודה אחת בראשית הצירים והשנייה בחלק החיובי של הציר

וiii. נקודה אחת בחלק החיובי של ציר  $x$  ונקודה אחת בחלק השילי של הציר

ו. בחלק השילי של ציר  $x$

ד. הפונקציה הקווית העוברת דרך נקודות החיתוך של  $f(x)$  עם ציר ה- $y$  ואחת

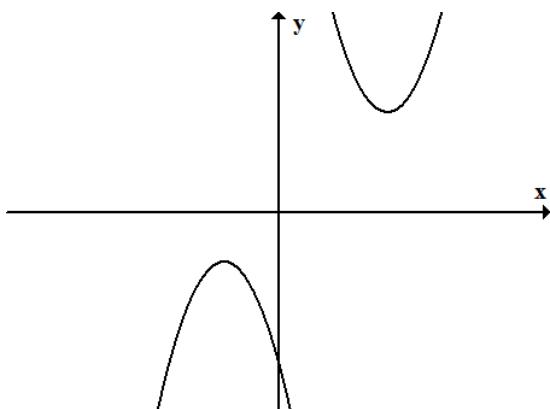
מנקודות החיתוך עם ציר ה- $x$  היא:

ו. פונקציה עולה      ו'. פונקציה יורדת

וiii. פונקציה קבועה      ו. אי אפשר לדעת

מקום.

4. לפניכם גרפים של שתי פרבולות.



א. איזה זוג מבין זוגות הפונקציות הבאות יכול להיות

הזוג שהפרבולות הנ"ל הן הגרפים שלו?

נקו את בחירתכם.

i.  $y = -x^2 - 3x$  ,  $y = x^2 - 2x + 1$

ii.  $y = x^2 + 3$  ,  $y = -(x + 2)^2 - 2$

iii.  $y = -x^2 - 2$  ,  $y = (x - 4)^2 + 4$

iv.  $y = -(x + 2)^2 + 4$  ,  $y = -2(x - 4)^2$

ב. חקרו בקשר בין נקודות הקודקוד של הפרבולות

וכתבו את משוואת הישר שמתקיים. הציגו את דרך הפתרון.

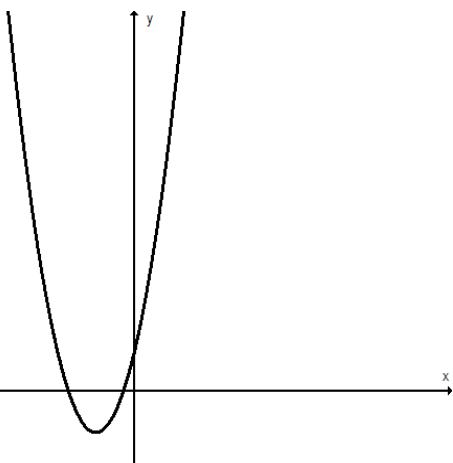
ג. היעזרו במשפט פיתגורס וחשבו את אורך הקטע שבין שני הקודקודיים של הפרבולות, הציגו את דרך החישוב.



5. נתונות הפונקציות  $5 + mx = y$  ו-  $y = -x^2 - 3$ .

א. מה צריך להיות הערך של  $m$  אם נתון שגרף הפונקציה הקווית עובר דרך קודקוד של הפונקציה הריבועית?

ב. מה צריך להיות הערך של  $a$  אם נתון שגרף הפונקציה הריבועית עובר דרך נקודת החיתוך עם ציר ה- $y$  של הפונקציה הקווית?



6. נתונות הפונקציות הריבועיות:

$$g(x) = f(x) + 3 \quad f(x) = 2(x+1)^2 \quad \text{ומשורטט הגרף של } f.$$

א. חשבו את  $g(-2)$

ב. מהם שיעורי הנקודה של קודקוד הפונקציה  $(x) g$ ?

ג. אילו מהטענות הבאות מתאימות לתאר את ההבדל בין  $(x) f$  ל-  $(x) g$ :

ה. ציר הסימטריה של שתי הפונקציות שונה.

ו. הגרפים של הפונקציות חותכים את ציר ה- $x$  בחלקיו החיוויי.

וּ. רק לפונקציה אחת יש נקודות חיתוך עם ציר  $x$ .

ז. רק לאחת הפונקציות יש נקודות מינימום.

ד. כתבו משווה ישר העובר דרך נקודות הקיצון של הפונקציות  $(x) f$ ,  $(x) g$ .

7. נתונות הפונקציות:  $5 - x^2$  ו-  $f(x) = (x-3)^2$ .

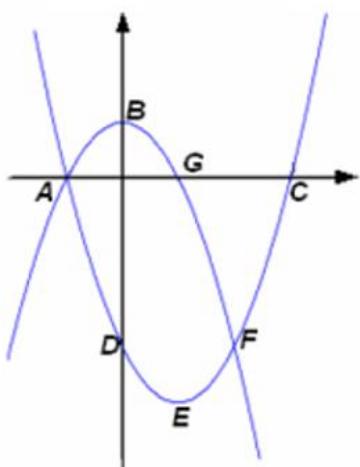
ענו על הסעיפים הבאים ונמוקו כל סעיף:

א. האם לגרף פונקציה  $5 + (3-x)^2$  יש נקודות חיתוך עם גרף הפונקציה  $(x) f$ ?

ב. האם לגרף הפונקציה  $3x^2 + 2x + 5$  יש נקודות חיתוך עם גרף הפונקציה  $(x) g$ ?

ג. האם לגרף הפונקציה  $-x^2 + 3x - 5$  יש נקודות חיתוך עם גרף הפונקציה  $(x) f$ ?

ד. חשבו את ערכי  $x$  עבורם  $(x) g = (x) f$ .



8. בשרטוט גрафים של שתי פונקציות.

$$g(x) = -x^2 + 1 \quad f(x) = x^2 - 2x - 3$$

א. מצאו את שיעורי הנקודות A, B, C, D, E, F, G.

ב. מצאו את תחומי העלייה והירידה של כל אחת מהפונקציות.

$$f(x) > g(x)$$

ד. מצאו את התחום בו פונקציה  $f(x)$  חיובית

$$g(0) = \underline{\hspace{2cm}} \quad f(0) = \underline{\hspace{2cm}}$$

9. נתונה הפונקציה  $y = 2 - x^2$ .

א. הנקודה (6, 7) נמצאת על גраф הפונקציה.

מהי הנקודה הסימטרית לה ביחס לציר הסימטריה של הפרבולה? נמקו.

ב. מהו תחום העלייה של הפונקציה?

ג. מהו התחום שבו הפונקציה חיובית?

ד. חשבו את שטח המשולש שקודקודי בנקודות החיתוך של הפונקציה עם ציר x ונקודות הקודקוד. הציגו את דרך החישוב. אפשר להיעזר בסキיצה של גраф הפונקציה.

ה. רשמו דוגמה לערך של הפרמטר  $m$  כך שתתקבל פונקציה ריבועית שאין לה נקודות

$$\text{читוך עם ציר } x. m = \underline{\hspace{2cm}} \quad y = -(x - 2)^2 + m.$$

nymok:

10. נתונה משפחת הפונקציות  $y = ax^2 + bx + c$ .

א. מה משותף לכל הפונקציות מהמשפחה?

ב. ידוע ש-  $a < 0$ . איזו טענה מהטענות הבאות אינה נכונה בהכרח:

i. ציר הסימטריה של גраф הפונקציה עובר בربיעים הראשון והרביעי

ii. לgraf הפונקציה יש שתי נקודות חיתוך עם ציר x

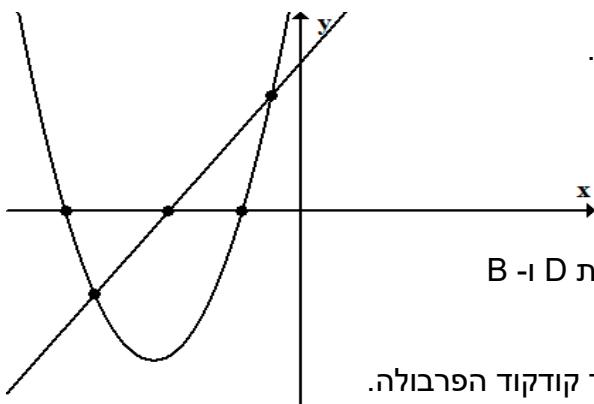
iii. קיימת נקודה על גраф הפונקציה ברביע הראשון שערך ה- 5 עלה הוא 5

iv. לפונקציה נקודות מינימום

g. נתונות שתי פונקציות מהמשפחה  $y = ax^2 + bx + c$ . באחת  $a < 0$  ובשנייה  $a > 0$

ובשניהם  $b < 0$ , כמו כן ידוע שהערכים של  $a$  ושל  $b$  נגדיים זה לזה.

מה משותף לשתי הפונקציות ומה שונה ביניהן?



11. נתונות הפונקציות  $f(x) = x^2 + 10x + 16$  ו-  $g(x) = 2x + 9$ .

א. שרטטו משולש ABC וחשבו את שטחו.

ב. שרטטו משולש DEC וחשבו את שטחו.

ג. חשבו את שטח המרובע ABDE.

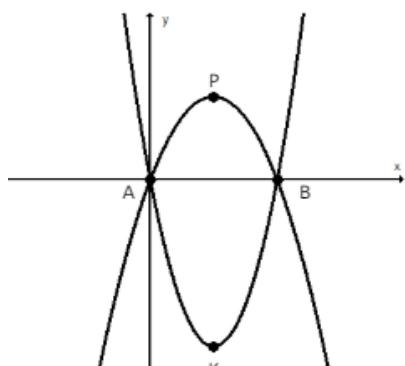
ד. מצאו את משוואת הקו היסיר העובר דרך הנקודות D ו- B.

ה. רשמו את פונקציה  $(x)f$  כיצוג מכפלה.

ו. רשמו משווהות ישר המקביל לישר DC ועובר דרך קודקוד הפרבולה.

ז. רשמו את התחום שבו  $(x)g < (x)f$ .

ח. רשמו את התחום שבו הפרבולה שלילית ויורדת.



12. בشرطוט הגרפים של הפונקציות:

$$f(x) = 2(x - 2)^2 - 8$$

$$g(x) = -x^2 + 4x$$

הנקודות K ו- P הן קודקודים של הפרבולות.

א. חשבו את שיעורי הנקודה B.

ב. חשבו את המרחק בין הנקודות PB.

ג. לפניכם מספר טענות ענו "נכון"/"לא נכון".

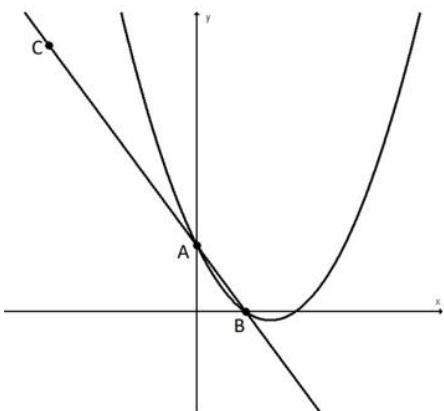
טענה נכון / לא נכון	
$f(-2) = 8$	
המרובע שקודקודיו הם הנקודות A, B, P, K הוא דלתון.	
$f(x) > g(x)$ קיימת פונקציה קבועה שאינה חותכת אף אחד מהגרפים.	



### 13. נתונות שתי פונקציות

$$f(x) = x^2 - 3x + 2$$

$$g(x) = -2x + 2$$



(1) מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של שתי הפונקציות.

(2) רשמו את התחום שבו מתקיים  $f(x) > g(x)$ .

(3) נתון: הנקודה C נמצאת על גרף הפונקציה  $(x, g)$ , שיעור ה- $x$  של הנקודה C הוא -3.

חשבו את אורך הקטע BC. (השairoו 2 ספרות לאחר הנקודה העשרונית)

(4) כתבו משוואת קו ישר שאינה חותכת את הגрафים של הפונקציות

$$f(x) - 1 \parallel g(x)$$

### 14. בשרטוט משורטטים הגрафים של הפונקציות:

$$f(x) = (x - b)(x + 3) \quad g(x) = x + 3$$

נתון: ציר הסימטריה של הפונקציה  $f(x)$  הוא  $x = -1$ .

א. מצא את ערכו של הפרמטר  $b$  ורשמו את הפונקציה  $f(x)$ .

ב. רשמו את שיעורי הנקודות B, D ו-C.

ג. רשמו את התחומים שבהם מתקיים  $f(x) > g(x)$ .

ד. ציר הסימטריה חותך את הפונקציה  $(x, g)$  בנקודה A ואת ציר ה- $x$  בנקודה F (ראו שרטוט).

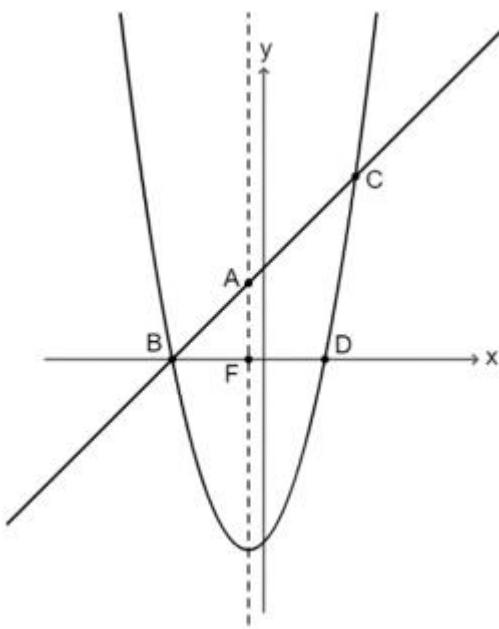
(1) האם המשולש ABF הוא שווה שוקיים? נמקו קביעתכם.

(2) האם המשולש BAD הוא שווה שוקיים? נמקו קביעתכם.

ה. הנקודה P נמצאת על גרף הפונקציה  $(x, g)$  והנקודה R

נמצאת על ציר הסימטריה כך ש:  $\Delta ARP \cong \Delta AFB$

מצאו את שיעורי הנקודות R ו-P.



15. נתונה פונקציה הריבועית  $(x)f$ .

గראף הפרבולה עובר דרך הנקודות: (11,0) B (-5,0) A.

M קודקוד הפרבולה. שטח המשולש ABM הוא 512 יח"ר.

א. מצאו את שיעורי נקודת קודקוד הפרבולה M.

ב. מצאו את הפרמטר a.

ג. רשמו ייצוג אלגברי של הפונקציה מהצורה  $k + a(x - p)^2 = f(x)$  שרטטו סקיצה של הפונקציה.

ד. רשמו תחום בו הפונקציה שלילית וירדת.

ה. מוקדקוד הפרבולה הורידו אן החותך את ציר x בנקודה F.

E ראשית הצירים. C נקודת חיתוך עם ציר y. מצאו את שטח הטרפז EFMC.

ו. מצאו שיעורי נקודת D הסימטרית נקודת C. סמןו אותה בגרף.

ז. חשבו שטח משולש CDB.

ח. נתונה הפונקציה  $f(x) = g(x)$  שקודקודה בנקודה F.I. שרטטו את הפונקציה  $(x)g$  באותה מערכת צירים.

II. ענת אמרה: "לשתי הפונקציות תחום עלייה מסוונף"

יוסי אמר: "יש להן קודקוד משותף אך אין להם תחום עלייה משותף"

מה דעתכם? מי צדק? נמקו

16. נתונה הפונקציה הריבועית  $(x)f$ . ידוע שהפונקציה עולה וחובית בתחום  $-8 < x < 6$ .

הערך המינימלי של הפונקציה הוא 8.

א. מצאו את הפרמטר a.

ב. רשמו את הפונקציה ביצוג:  $k + a(x - p)^2 = f(x)$ 

ג. מצאו את נקודות ההתאפסות של הפונקציה וסמן אותן ב- A,B.

ד. מצאו את שיעורי נקודת קודקוד הפרבולה M.

ה. שרטטו סקיצה של הפונקציה וסמן את הנקודות בגרף.

ו. רשמו נקודת E הנמצאת בתחום שבו הפונקציה יורדת שלילית. מצאו נקודת F סימטרית לה.

ז. חשבו שטח משולש MEF.

ח. חשבו שטח טרפז ABEF.

ט. רשמו פונקציה ריבועית  $(x)g$  החותכת את הפונקציה הנתונה בנקודה אחת. שרטטו סקיצה שלה באותה מערכת צירים.

י. רשמו פונקציה ריבועית שהערך המינימלי שלה הוא קודקוד A. שרטטו אותה באותה מערכת צירים.



17. נתונה פונקציה ריבועית  $(x)f$  שהערך המכוון שלה 16. הנקודות  $(-9,-14), (-9, N)$  נמצאות על גרף הפונקציה.

- מצאו את הפרמטר  $a$  ורשמו את הפונקציה ביצוג קודקוד  $f(x) = a(x - p)^2 + k$ .
- מצאו את נקודות התאפסות של הפונקציה. סמן אותן ב- A, B.
- שרטו סקיצה של הפונקציה וסמן את הנקודות בגרף.
- מצאו את שטח הטרפז ABMN.
- רשמו דוגמאות לפונקציה המקיים את התנאים הבאים:
  - פונקציה קו ישר שיש לה 2 נקודות חיתוך עם הפונקציה  $(x)f$ .
  - פונקציה ריבועית שיש לה נקודה חיתוך אחת עם הפונקציה  $(x)f$ .
  - פונקציה ריבועית שקודקודה הוא נקודה החיתוך של הפונקציה  $(x)f$  עם ציר X.

18. נתונה פונקציה הריבועית  $(x)f$ .  
הנקודה  $(-12, 0)$  A נמצאת 2 יחידות משמאלי לציר הסימטריה של הפונקציה.  
הישר  $4 = y$  חותך את הפרבולה בנקודה אחת.
- רשמו ייצוג אלגברי של הפונקציה מהצורה  $k + a(x - p)^2 = f(x)$  ושרטו סקיצה של הפונקציה.
  - מצאו שיעורי נקודות התאפסות של הפונקציה וסמן אותן ב- A, B.
  - מצאו משווה ישן העובר בין הקודקוד הפונקציה לנקודה החיתוך עם ציר y.
  - נתונה הפונקציה  $g(x) = f(x) + 5$ . כתבו ייצוג אלגברי לפונקציה  $(x)g$ .
  - שרטו אותה מערכת צירים את הפונקציה  $(x)g$  ומצאו את שיעורי נקודה הקודקוד.
  - עבור אילו ערכים של  $x < 0$   $g(x) < f(x)$ ?
  - גרף הפונקציה  $(x)h$  התקבל ע"י הזזה אופקית של 12 יחידות ימינה של הפרבולה  $(x)f$ .
  - כתבו ייצוג אלגברי לפונקציה  $(x)h$ .
  - שרטו אותה מערכת צירים את הפונקציה  $(x)h$  ורשמו את שיעורי הקודקוד שליה.
  - עבור אילו ערכים של  $x$  הפונקציה  $(x)h$  יורדת וחובקת?

**שימו לב**

כדי לשרטט גרף עם סקיצה של הפרבולה, גם אם לא התבקשتم.  
בהתאם משווהת הפונקציה ניתן להיעזר בדסמו.



19. נתון כי הפונקציה שלילית בתחום  $2 < x < 8$ . הישר  $A$  חותך את הפונקציה בנקודה אחת.

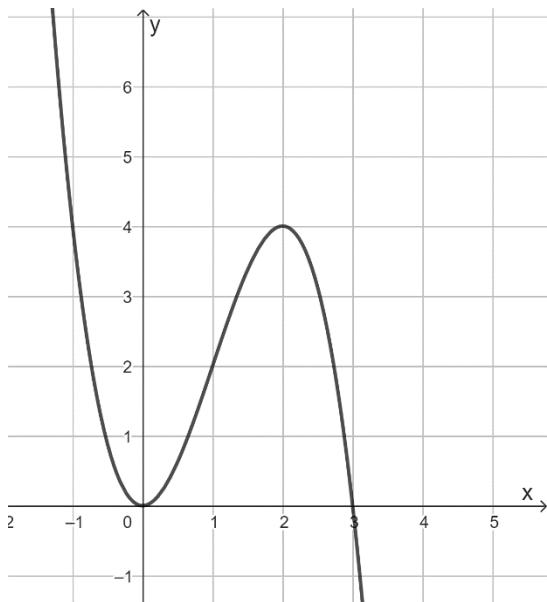
- רשמו את נקודות ההתאפסות של הפונקציה סמנו באותיות  $B$  ו- $A$  (הנקודה הקטנה ביותר).
- מצאו את שיעורי קודקוד הפרבולה סמנו באות  $P$ .
- מצאו את הפרמטר  $a$ .
- רשמו את הייצוג האלגברי של הפונקציה  $f(x) = ax^2 + bx + c$  בצורה  $c + bx + ax^2$ .
- شرطטו סקיצה של הפונקציה סמנו את הנקודות הנתונות בגרף.
- נתונה הנקודה  $N$  בשיעור  $-x$  של  $10$ . הישר  $MN$  מקביל לציר  $-x$ . מצאו את שיעורי הנקודות  $N, M$ .
- מצאו שטח טרפז העובר בנקודות  $ABMN$ .
- מצאו משוואת ישר העובר בנקודות  $MB$ .
- באיזה תחום הפונקציה יורדת וחובגת?
- רשמו פונקציה ריבועית  $(x)g$  שקודקוד הפרבולה שלו הוא הנקודה  $B$ .
- נתונה הפונקציה  $y = f(x) + 4$ . כתבו טענה נכונה המתאימה לשתי הפונקציות.

### "הסודות הנפלאים ביותר,

### "תמיד חבויים במקומות הכי פחות היגיוניים"

(ויליאם קוקה, ציורי במלכת השוקולד)





20. נתונה הפונקציה  $f(x)$  המוגדרת לכל  $x$ .

א. השלימו:  $\underline{\hspace{2cm}} = f(2)$ .

ב. רשמו את הפתרונות למשוואה  $f(x) = 4$ .

ג. רשמו את התחום שבו  $f(x) > 0$ .

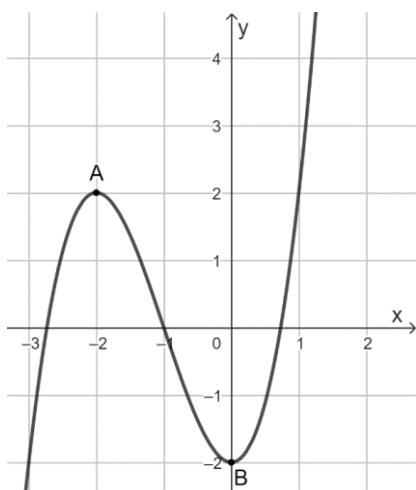
ד. מצאו את נקודות האפס של הפונקציה  $f(x)$ .

ה. רשמו את תחומי העלייה של הפונקציה  $f(x)$ .

נתונה הפונקציה  $g(x) = f(x) + 2$ .

א. 1) רשמו את נקודות הקיצון של הפונקציה  $(x)g$ ,  
וקבעו את סוגן.

2) סרטטו סקיצה של הפונקציה  $(x)g$ .



21. נתונה הפונקציה  $f(x)$  המוגדרת לכל  $x$ . נקודות A ו-B מסומנות על  
גרף הפונקציה.

א. מצאו את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$  וקבעו את סוגן.  
ב. נקודה C נמצאת בربיע הראשון ומקיימת  $2 = f(x)$ .  
מצאו את שיעורי הנקודה C.

ג. דרך הנקודה B העבירו ישר המקביל לציר ה- $x$  וחותך את הפונקציה  
 $f(x)$  בנקודה D.  
מצאו את שיעורי הנקודה D.

ד. קבעו מהו סוג המרובע ACBD. נמקו.

ה. נתונה הפונקציה  $g(x) = 5 + f(x)$ .  
מצאו את שיעורי נקודות הקיצון



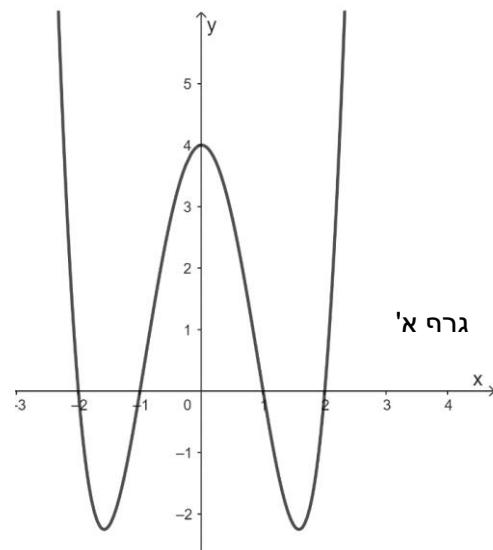
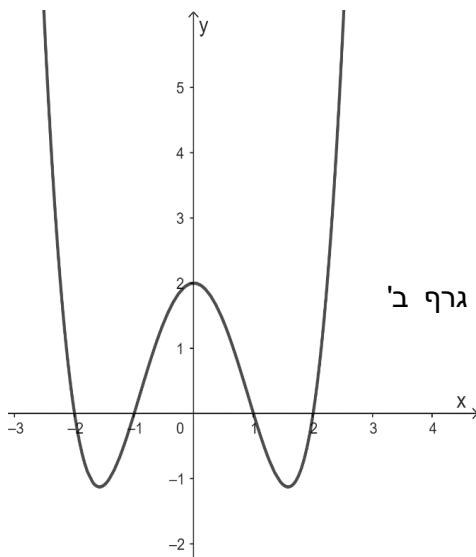
22. לפניכם רשימה של ארבע פונקציות.  
בחרו ביניהן את המתאימה לגרף א' ואת המתאימה לגרף ב'. נמקו את בחירתכם.

$$f(x) = \frac{1}{2}(x^2 - 1)(x^2 - 4)$$

$$g(x) = (x - 1)(x + 1)(x - 4)$$

$$m(x) = (x^2 - 1) + 4$$

$$h(x) = (x^2 - 1)(x^2 - 4)$$





## שאלות קצרות

1.  $f(x)$  היא פונקציה ריבועית. נתון:  $f(1) = f(-4)$ . רשמו את ציר הסימטריה.

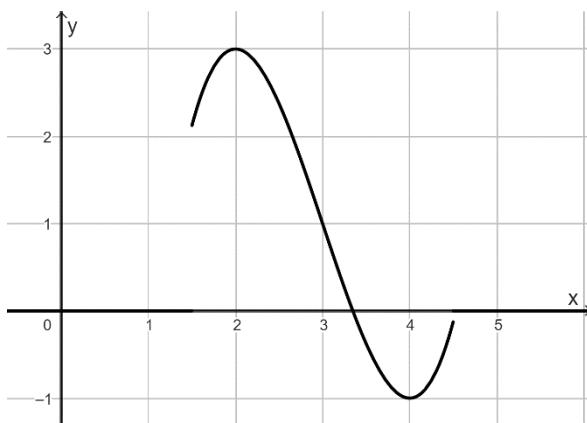
2. נתונות שתי פונקציות:  $g(x) = (x+5)^2 + 4$ ,  $f(x) = (x-3)^2 - 2$ .

מהן ההזוזות שנעשו מ- $f(x)$  לקבלת  $g(x)$ ?

3. נתונה היפונקציות:  $g(x) = f(x) + c$ ,  $f(x) = (x+2)^2 + 5$ .  
מצאו את ערכו של  $c$  שעבורו לפונקציה  $g(x)$  יש נקודה חיתוך אחת עם ציר ה- $x$ .

4. נתונות היפונקציות  $g(x) = f(x+c)$ ,  $f(x) = (x+1)^2$ .  
מצאו את ערכו של  $c$  שעבורו ציר הסימטריה של היפונקציה  $g(x)$  הינו  $x=1$ .

5. נתונה היפונקציה  $c + bx + x^2 = y$ . קודקוד הפרבולה נמצא בנקודה  $(5,9)$ .  
מצאו את ערכי  $b$  ו- $c$ .



6. לפניכם סרטוט של גרף היפונקציה  $f(x)$  בתחום  $1.5 < x < 4.5$  (ראו סרטוט).  
נתון:  $g(x) = f(x) + k$ .  
מצאו את ערכי  $k$  שעבורם גרף היפונקציה  $g(x)$  אינו חותך את ציר ה- $x$ .

"מעולם לא ניסיתי לעשות זאת זה בעבור,

از אני חושבת שללא ספק אצלייח"

(בלבי)

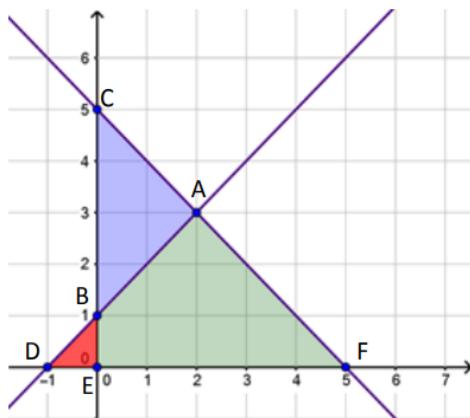




## חלק ג' – גיאומטריה

.1. נתונם היסרים  $y = x + 1$  ו-  $y = 5x - 1$ . היסרים מאונקיים זה זהה.

א. רשמו את כל המשולשים הדומים הנוצרים בעזרת היסרים ומערכת הצירים. נמקו את תשובהיכם.



ב. חשבו את אורך הקטעים BC ו- DF.

ג. חשבו את שטחי המשולשים CEF ו- BDE.

ד. מהו יחס הדמיון בין המשולשים שאת שטחים חישבתם? מהו יחס השטחים?

ה. חשבו את השטח והיקף של המשולש ABC. (היעזרו במשפט פיתגורס).

השאלה מתק רקוץ של [מרכז המורים הארץ – מתמטיקה על יסוד](#)

.2. במרובע ABCD שיעורי קודקודיו הם

$$A(0,4), B(3,-2), C(7,0), D(4,6)$$

א. הסבירו מדוע המרובע ABCD מקבילית.

ב. נתון גם:  $\angle D = 90^\circ$

הסבירו מדוע המרובע ABCD הוא מלבן.

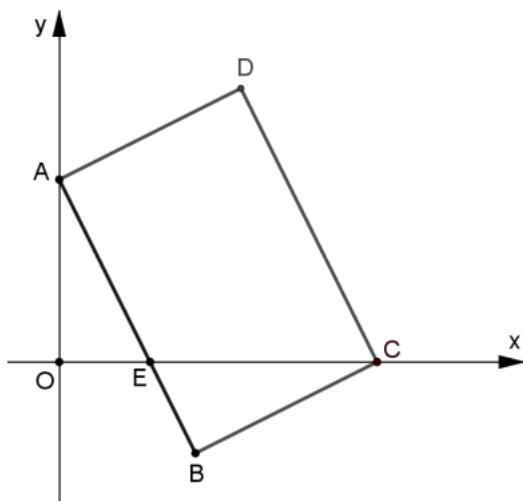
ג. הצלע AB חותכת את ציר ה- $x$  בנקודה E הנקודה O היא ראשית ה座רים (ראוי צייר).

מצאו את משוואת הישר AB.

ד. מצאו את שיעורי הנקודה E.

ה. הוכחו כי המשולשים AOE ו- CBE דומים.

ו. חשבו את שטח המשולש AOE.





.3

במשולש  $EDF$  הקטע  $DB$  הוא תיכון לצלע  $EF$ .

הנקודות  $A$  ו-  $C$  נמצאות על הצלעות  $DE$  ו-  $DF$  בהתאם.

נתון כי המרובע  $ABCD$  הוא מלבן.

א. מצאו משולשים דומים בشرطוט. נמקו.

ב. הוכחו כי המשולשים  $EDB$  ו-  $FBD$  הם משולשים

שווים שוקיים.

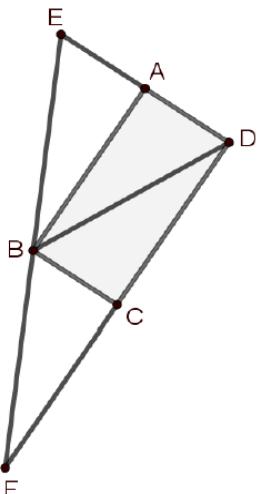
ב. האם הטענות הבאות נכונות? נמקו את תשובותיכם בדרכים  
שונות.

$$S_{\triangle DBC} = S_{\triangle BCF} \quad (1)$$

$$S_{ABCD} = S_{\triangle BCF} \quad .$$

$$S_{\triangle ABD} = S_{\triangle ABE} \quad (3)$$

ג. נתון כי שטח המשולש  $EDF$  היא  $S$ . הבינו באמצעות  $S$  את  
שטח המלבן  $ABCD$ . הסבירו.



.4

במלבן  $ABCD$  מחלק האלכסון  $AC$  את הזווית  $DCB$  ביחס של  $2 : 1 : \alpha$

הנקודה  $M$  היא על המשך  $DB$  כך שהזווית  $\angle BCM = \alpha$

א. חשבו את  $\alpha$

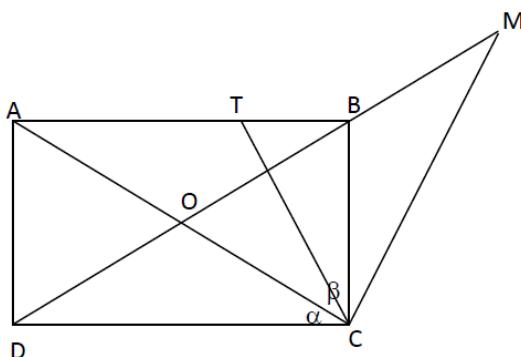
ב. הוכחו כי  $DM = 3BC$

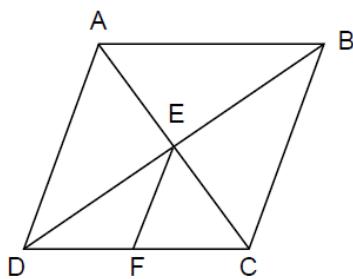
עד נתון שהזווית  $\angle BCT = \alpha$

הוכיחו:

ג. משולש  $ATC$  הוא משולש שווה שוקיים

$AT = 2TB$ . ת.





.5. המריבע ABCD מעוין. E נקודת מפגש האלכסונים.

EF תיכון לצלע CD.

א. הוכיחו: המריבע EBCF טרפז.

ב. נתון:  $6 \text{ ס"מ} = AC$ ,  $AC = BD$ .

ג. חשבו את שטח המעוין, הציגו את דרך החישוב.

ד. חשבו את היקף המעוין, הציגו את דרך החישוב.

ה. היקף הטרפז הוא (סמננו את התשובה הנכונה): נמקו.

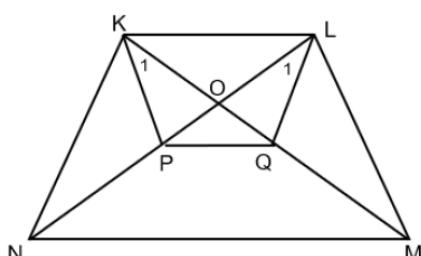
- א. 10 ס"מ    ב. 14 ס"מ    ג. 24 ס"מ    ד. 28 ס"מ

.6. המריבע KLMN הוא טרפז שווה שוקיים ( $KN = LM$ ) נתון: הנקודות Q, P, O הן על האלכסונים MN, KM, LN בהתאמה.

$$PQ \parallel MN$$

$$\angle_1 = \angle_K$$

הוכיחו: KLQP טרפז שווה שוקיים.

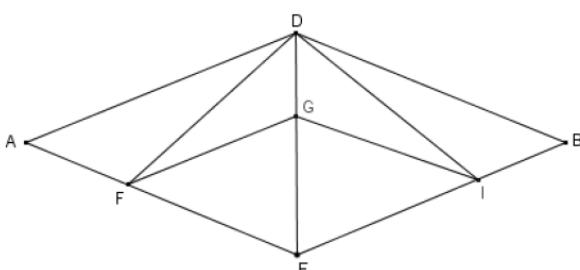


.7. המריבע ADBE הוא מעוין.

הנקודה G על האלכסון.

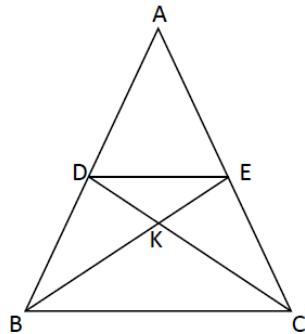
$$GF \parallel AD, GI \parallel DB$$

הוכיחו:



א. המריבע FDIE הוא דלתון

ב. המריבע FGIE הוא מעוין



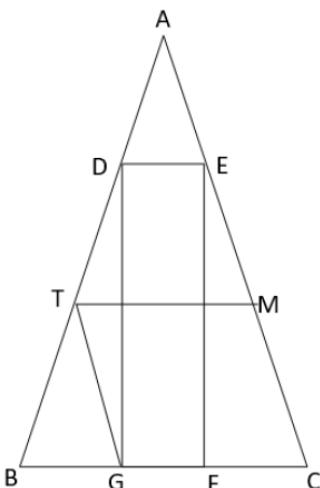
.8. משולש ABC משולש שווה שוקיים. ( $AB = AC$ )  
DE || BC. CD תיכון לשוק AB.

א. הוכחו: E אמצע AC

ב. הסבירו מדוע:  $\triangle DKE \sim \triangle CKB$

ג. חשבו פי כמה גדול היקף משולש CKB מהיקף משולש DKE.

ד. נתון כי שטח המשולש DKB שווה ל S. הביעו באמצעות S את שטח המשולש ABC. נמקו איך חישבתם.



.9. משולש ABC שווה שוקיים ( $AB = AC$ )  
המרובע DEFG הוא מלבן חסום במשולש.

$AD : DB = 1 : 2$

GT תיכון לצלע BD במשולש GBD  
 $TM \parallel BC$

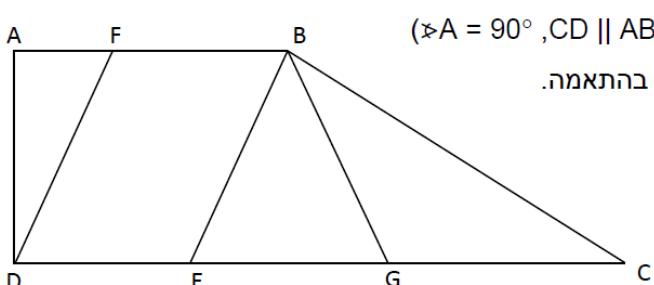
א. מצאו בشرطוט משולשים שווה שוקיים. נמקו.

ב. האם המשולשים שמצאתם דומים? נמקו.

ג. הסבירו מדוע:  $AE = EM = MC$

ד. הוכחו:  $\triangle ADE \cong \triangle TBG$

ה. הוכחו:  $BG = GF = FC$



.10. המרובע ABCD הוא טרפז ישר זווית ( $\angle A = 90^\circ$ ,  $CD \parallel AB$ )  
E ו- F הן נקודות על הצלעות DC ו- AB בהתאמה.

נתון:  $DF \parallel EB$

$EB \perp BC$

הנקודה G היא אמצע הקטע EC

הוכחו:

א.  $\triangle AFD \sim \triangle BEC$

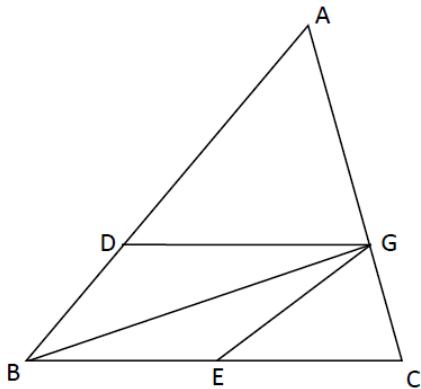
ב. BE חוצה זווית ABG

עוד נתון:  $\angle C = 30^\circ$

ג. הוכחו: המרובע FBGD טרפז שווה שוקיים.



.11



במשולש  $ABC$ ,  $BG \perp AC$

$GE$  תיכון לצלע  $BC$  במשולש  $BGC$

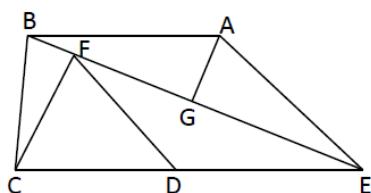
$D$  נקודה על  $AB$  כך שמתקיים  $\angle DGB = \angle EGB$

הוכיחו:

a.  $DG \parallel BC$

b.  $\triangle ADG \sim \triangle ABC$

g. הסבירו מדוע לא ניתן שטח מרובע  $DGEB$  הוא מקבילית  
שאיינה מעוין.



(מעובד משאלת 4 שלון 806, קיץ 2016)

נתון טרפז  $ABCE$   $AB \parallel EC$

$CEA$  חוצה זוית  $EB$

הנקודה  $G$  באמצע האלכסון  $BE$

a. הוכיחו:  $AG \perp BE$

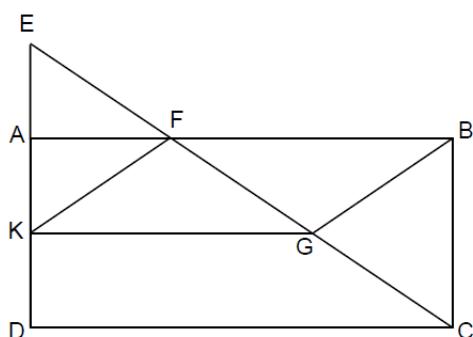
ב. עוד נתון: הנקודה  $D$  היא אמצע הקטע  $CE$

והנקודה  $F$  נמצאת על האלכסון  $BE$  כך ש  $CF \perp BE$

הוכיחו כי  $\triangle EAB \sim \triangle EDF$

g. נתון כי שטח המשולש  $EAB$  הוא  $S$  הבינו באמצעות  $S$  את שטחי המשולשים  $EDF$  ו-  $CEF$ .

.12



מרובע  $ABCD$  הוא מלבן

נתון:

$E$  על המשך  $AD$  כך ש:  $AK = AE$

$F$  היא נקודה חיתוך של  $AB$  ו-  $EC$

על הקטע  $EC$  מונחת הנקודה  $G$  כך ש:

$.EF = FG = GC$

הוכיחו:

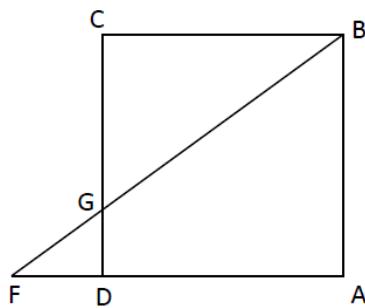
a.  $\triangle EAFA \sim \triangle CBF$

b. משולש  $EFK$  משולש שווא שוקיים

g. מרובע  $FBGK$  מקבילית

\*d. נתון:  $8 \text{ ס"מ} = BC$ ,  $15 \text{ ס"מ} = AB$ . חשבו את שטח המקבילית  $FBGK$ .

.13



.14. המריבע ABCD הוא ריבוע.

הנקודה G מונחת על הצלע DC כך ש:  $GC = 3DG$

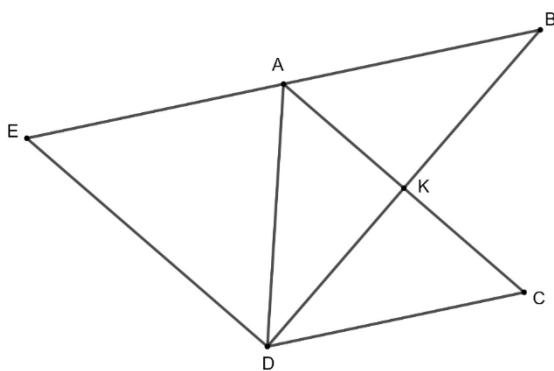
הנקודה F על המשך הצלע AD.

א. הוכיחו כי  $\triangle FGD \sim \triangle ADG$ .

ב. ידוע כי שטח המשולש FGD הוא 6 סמ"ר.

בנ. חשבו את שטח המשולש BCG

בג. חשבו את שטח הריבוע ABCD



.15. DK הוא תיכון לצלע AC במשולש ADC

הנקודה B נמצאת על המשך DK כך ש  $BK = DK$

א. הוכיחו כי המריבע ABCD הוא מקבילית

ב. נתון עוד: הנקודה E נמצאת על המשך

הצלע AB ומתקיים  $EA = AB$

הוכיחו כי  $KC = 0.5ED$

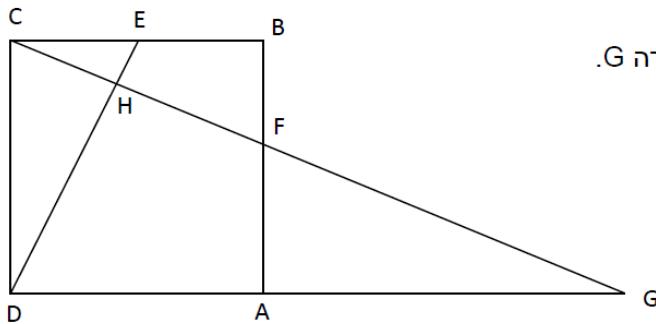
ג. נתון כי  $\angle EDB = 90^\circ \Rightarrow$

הוכיחו כי המריבע ABCD הוא מעין

ד. הוסיפו נתון כך שמשולש ACD יהיה משולש שווה צלעות.

.16

ריבוע ABCD. הנקודות E, F הן נקודות על הצלעות AB, CB בהתאמה.



H היא נקודה החיתוך של DE ו- CF

המשר CF נחתך עם המשך AD בנקודה G.

א. נתון:  $CE = BF$

הוכיחו כי  $\triangle CEH \sim \triangle GFA$

ב. נתון:  $FA = 1.5BF$

1. חשבו את היחס  $\frac{AG}{DA}$

2. חשבו את היחס  $\frac{AG}{BF}$



17. כיצד ניתן להוכיח שמרובע הוא דלתון?  
סמן את כל האפשרויות הנכונות, וצטטו את המשפטים המתאימים.

i. זוג צלעות מקבילות, הזוג שני לא.

ii. אלכסונים מאונכים זה לזה.

iii. שתי זוויות של צלעות סמוכות שוות.

iv. אלכסונים מאונכים זה לזה, ואחד האלכסונים חוצה את השני.

b. כיצד ניתן להוכיח שמרובע הוא מעוין?

סמן את כל האפשרויות הנכונות, וצטטו את המשפטים המתאימים.

i. שתי זוויות צלעות נגדיות מקבילות.

ii. אלכסונים מאונכים זה לזה.

iii. כל הצלעות שוות.

iv. זוג צלעות נגדיות, מקבילות ושוות, ובנוסף האלכסונים מאונכים זה לזה.

g. נתון משולש  $\Delta ABC$  ישר זוית ( $\angle B = 90^\circ$ ).

D היא נקודה על  $BC$

D היא נקודה על  $BC$  כך שמתקיים:

$BD = 3$ , ובנוסף מתקיים:

$AB = 4$ ,  $BC = 8$

הוכיחו משולש  $\Delta ADC$  שווה שוקיים.

ד. הנקודה P נמצאת על המשך הקטע  $DE$ , כך

שנוצר מרובע  $ADCP$

(ראו בסרטוט). أي זוג מרובע יכול להיות  $ADCP$ ?

סמן את כל האפשרויות.

i. דלתון.

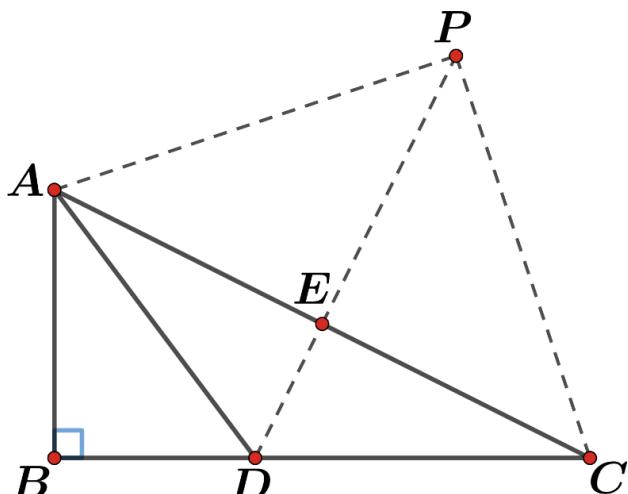
ii. מלבן.

iii. מעוין.

iv. מקבילית.

v. טרפז.

ה. נתון  $6 = AP$ . أي זוג מרובע הוא  $ADCP$ ?





18. כיצד ניתן להוכיח שמרובע הוא מקבילית?

סמן את כל האפשרויות הנכונות, וצטטו את המשפטים המתאימים.

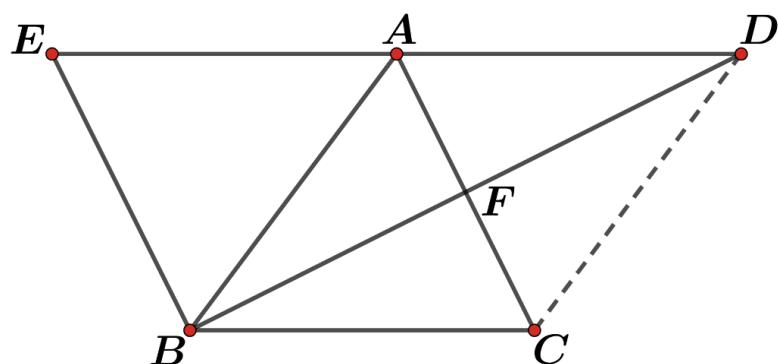
.i. זוג צלעות מקבילות, זוג שני לא.

.ii. שתי זוגות של צלעות נגדיות שוות.

.iii. שתי זוגות של צלעות סמוכות שוות.

.iv. שתי זוגות של זוויות נגדיות שוות.

.v. אלכסונים שחוצים זה את זה.



ב.  $BF$  חוצה את הצלע  $AC$  במשולש

$\Delta ABC$ .

הנקודה  $D$  נמצאת על המשך הקטע

$DF = BF$

הוכיחו שמרובע  $ADCB$  הוא מקבילית.

ג.  $E$  נמצאת על המשך  $DA$ , וمتקיים  $DA = AE$

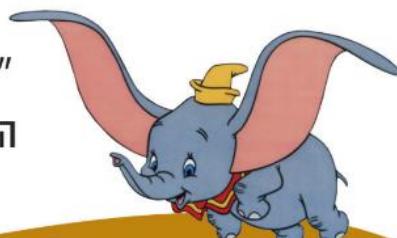
הוכיחו  $CE$  חוצה את  $AB$ .

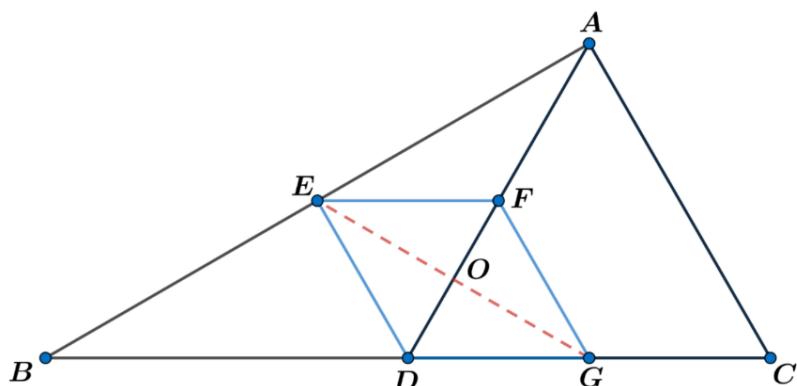
ד. נתון:  $BF \perp AC$  ו-  $ED = 12$ ,  $EB = 6$

הוכיחו משולש  $\Delta ABC$  שווה צלעות.

ה. חשבו את שטח המקבילית  $ABCD$ .

"הדברים היחידים שהחזיקו אותך למיטה,  
הם אלה שירומו אותך גבוה-גבובה למעלה"  
(עימוטי, דמנו)





19.  $AD$  חוצה את הצלע  $BC$  במשולש  $\Delta ABC$ , שמתקיים בו  $.BD = AC$

הנקודות  $E$ ,  $F$  ו-  $G$  הן אמצעי הקטעים

$DC \cap AD$ ,  $AB$  ו-  $AC$  בהתאם.

א. הוכחו: המרובע  $EFGD$  מעוין.

נסמן את נקודות מפגש האלכסונים

של המעוין ב-  $O$ . בנוסף נתון:

$2 \cdot BD = 4$  ו-  $AF = 2$  (אורכי

הצלעות בס"מ)

ב. חשבו את שטח המעוין  $.DGFE$ .

20. נתון במקבילית  $ABCD$  ש-  $E$  ו-  $F$  הם אמצעי הצלעות  $CD$  ו-  $BC$  בהתאם.

מתקיים גם  $.EI = BI = IF$

א. הוכחו:  $\angle BEF = 90^\circ$ .

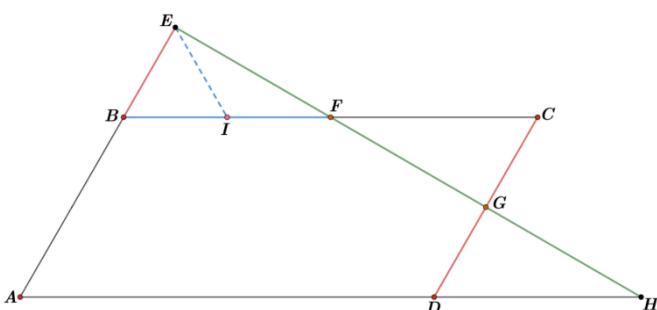
ב. הוכחו:  $.EF = FG = GH$ .

נתון שהיקף המקבילית הוא  $60$  ס"מ.

ג. חשבו את הסכום:  $.AE + AH$ .

נתון  $\angle GHD = 30^\circ$ .

ד. חשבו את שטח המשולש  $.\Delta AEH$ .



21. נתונה מקבילית  $ABCD$ .

קטע  $DE$  נמצא על המשך  $CD$  ושווה ל-  $CD$ .

א. הוכחו: מרובע  $ABDE$  מקבילית.

נתון:  $OD = CD$ ,  $OD \perp CE$ ,  $OD \perp DE$ .

ב. חשבו את הזווית  $\angle OAB$ .

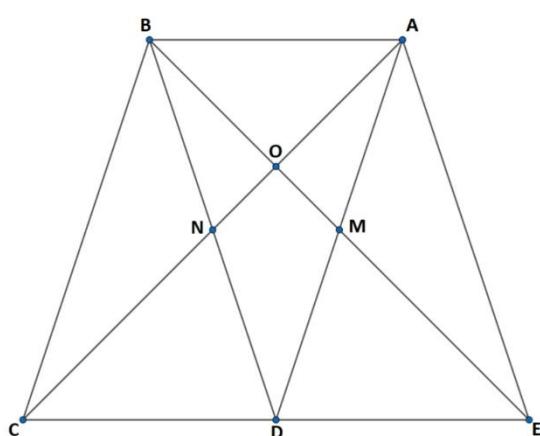
ג. הוכחו:  $\Delta ACE \cong \Delta BCE$ .

ד. הוכחו:  $\Delta DAB \cong \Delta DCE$  שווה שוקיים.

ה. הוכחו: מרובע  $NOMD$  הוא דלתון.

נתון:  $4 \cdot AB = 4$  (אורכי הצלע היא בס"מ).

ו. חשבו את היקף המרובע  $.ABCE$ .





## חלק ד' – אוריינות מתמטית

שאלות אלה הן שאלות ליישום המתמטיקה שלמדתם. אלה שאלות מהחיבים אשר לשם פתרון עליכם להבין את הסיטואציה ולזהות באילו נושאים, כלים ומינימיות מתמטיות עליהם יכולים להשתמש כדי לפטור בהצלחה.

אם הצלחתם סימן שיש לכם חשיבה מתמטית ברמה גבוהה ויכולת יישום של מה שלמדתם. בחרנו עבורכם מספר שאלות. תוכלו למצאו שאלות נוספות כאלה באתר [תכנית מאור](#).

1. [צילום אויר](#)
2. [שער חלפי](#)
3. [מצרחות של סילוני מים](#)



## פתרונות

## חלק א' – טכנייה אלגברית

	.1
$x = -2$	.א.
$x = 15$	.ב.
$x = 4.5 \quad x = -1.5$	.ג.
$x = -2 \quad x = 1.5 \quad x \neq 0,4$	.ד.
$x = 3 \quad x = 4.5 \quad x \neq 2,-2$	.ה.
$x = 5 \quad x = -\frac{8}{5} \quad x \neq 4,-4$	.ו.
$x = 5 \quad x \neq 3,-3$	.ז.
$x = 2 \quad x = -\frac{5}{3} \quad x \neq 7,-1$	.ח.
	.2
לא	.א.
$x = -3$	.ב.
	.3
(2,2)	.א.
(1,7)	.ב.
(-1,-5)	.ג.
	.4
$(x - 2)(x + 5) = 60$	.א.
$\sqrt{a^2}$	.ב.
$n^{\text{o}} 12, n^{\text{o}} 5$	.ג.
$-\frac{a+b}{a}$	.5
	.6
iV, ii, i,	.א.
$\frac{2a}{b}$	.ב.
$X = -4$	.7
iii	.8
	.9
$x = -17 \text{ או } x = 17$	.א.
$-17 < x < 17$	.ב.



## חלק ב' – פונקציות וקדם אנלייז

	.1
8 ייחיות.	א
$y=x+1$	ב
$x>5$	ג
	.2
משוואת המצורה $k=y$ עובר כל ערך $<4$	א
	.3
$x=1.25$ קודקוד	א
$f(2.25)=\frac{7}{8}$	ב
תשובה ? בחלק החיבובי של ציר x	ג
הפונקציה יורדת	ד
$x=1.25$ קודקוד	ה
	.4
iV	א
$y=x$	ב
$\sqrt{72}=6\sqrt{2}$	ג
	.5
$m=-4$	א
$a=0$	ב
	.6
$g(-2)=4$	
$(-1,2)$	
ii ו-gm iii	
$x=-1$	
	.7
לא	א
כ	ב
כ	ג
$(1,-1)$	ד
	.8
A(-1,0) B(0,1) C(3,0) D(0,-3) E(1,-4) F(2,-3) G(1,0)	א
$x < 1$ $f(x)$ עולה $x > 1$ יורדת	ב
$x > 0$ $g(x)$ עולה $x < 0$ יורדת	
$x < -1$ או $x > 2$	ג
$-1 < x < 1$	ד
$g(-\sqrt{2}) = -1$ $g(\sqrt{2}) = -1$ $f(0) = -3$	ה
	.9
$(-2,7)$	א
תחום עלייה $x > 2$	ב
תחום חיבובות $-1 < x < 5$	ג
שטח המשולש 27 י"ר	ד



	.10
נקודות החיתוך עם ציר Y (0,5)	א
1 נכון 2 לא בהכרח 3 נכון 4 נכון	ב
	.11
8.75 יח"ר	א
8.75 יח"ר	ב
	.12
33.5 יח"ר	ג
משוואת הישר BD $Y=X+2$	ד
$f(x)=(x+2)(x+8)$	ה
$y=x-4$	ו
$-7 < x < -1$	ז
$-8 < x < -5$	ח
	.13
B(1,0) , A(0,2)	א
$x < 0 \text{ או } x > 1$	ב
8.94	ג
$y = -2x$ לדוגמה	ד
	.14
$f(x) = (x - 1)(x + 3)$ , b=1	א
B(-3,0) , D(1,0) , C(2,5)	ב
$x < -3 \text{ או } x > 2$	ג
$ 1+2 $	ד
P(1,4) , R(-1,4) (1	ה
(2 כ"ל, נמצא על $g(x)$	ו
	.15
M(3,64)	א
$a=-1$	ב
$f(x)=-(x-3)^2+64$	ג
$x > 11$	ד
178.5 יח"ר	ה
C(6,55)	ו
165 יח"ר	ז
וילוי	ח



	.16
a=-2	א.
Y=-2(x+6) <sup>2</sup> +8	ב
A(-8,0) B(-4,0)	ג
M(-6,8)	ד
شرطוט	ה
F(-10,-24) E(-2,-24) : דוגמה	ו
128 י"ר	ז
144 י"ר	ח
g(x)=2(x+6) <sup>2</sup> +8	ט
Y=2(x+8) <sup>2</sup>	י
	.17
a=-0.25 f(x)=-0.25(x+4) <sup>2</sup> +16	א
A(-12,0) B(4,0)	ב
شرطוט	ג
162 י"ר	ד
Y=2X+1 .I.	ה
Y=(X+4) <sup>2</sup> +16 .II	
Y=(X+12) <sup>2</sup> .III	
	.18
f(x)=(x+10) <sup>2</sup> -4	א
A(-12,0) B(8,0)	ב
Y=10X+96	ג
g(x)=(x+10) <sup>2</sup> -1 .I.	ד
(-10,-1) .II	
x א. .III	
h(x)=(x-2) <sup>2</sup> -4 .I.	ה
(-2,-4) .II	
0<x<2 .III	
	.19
A(-8,0) B(2,0)	א
P(-3,-25)	ב
a=-1	ג
f(x)=x <sup>2</sup> +6x-16	ד
شرطוט	ה
N(-10,24) M(4,24)	ו
288 י"ר	ז
Y=12x-24	ח
-8<x<-3	ט
y=(x-2) <sup>2</sup>	י
ציר סימטריה x=-3	יא
	.20
f(2) = 4	א
x=2 - I x=-1	ב



$0 < x < 3$ או $x > 0$	ג
(0,0) , (3,0)	ד
$0 < x < 2$	ה
(1,0) מינימום, (2,6) מקסימום.	ו
	(2)
	.21
A(-2,2) B(0,-2)	א
C(1,2)	ב
D(-3,-2)	ג
מקבילית	ד
(-2,7) (0,3)	ה
גרף א'	.22
גרף ב'	
<b>שאלות קצרות</b>	
$x = -1.5$	.1
הזזה אנכית 6 יח' למעלה והזזה אופקית 8 יחידות שמאלה.	.2
$c = -5$	.3
$c = -5$	.4
$b = -10, c = 34$	.5
$k < -3$ או $k > 1$	.6

## חלק ג' – גיאומטריה

	.1
$\Delta DBE \sim \Delta FCE$	.א
$BC = 4$ $DF = 6$	.ב
$S_{\Delta CEF} = 12.5$ $S_{\Delta BDE} = 0.5$	.ג
1:25 הדמיון      1:5 יחס השטחים	.ד
$S_{\Delta ABC} = 4$ $P_{\Delta ABC} = 9.65$	.ה
	.2
$y = -2x + 4$	.ג
E(2,0)	.ד
4 יח"ר	.ו
	.3
$\Delta FBC \sim \Delta FED$ $\Delta ABD \sim \Delta CFB$ $\Delta BDC \sim \Delta EBA$	.א
(1) כ (2) לא (3) כ	.ב



0.5S	.ג.
30°	.א. 4
ר 24 סמ"ר ס 20 ס"מ ס 14 ס"מ	.ב. 5
	.8
ג' 2	.ג.
6S	.ד.
$\frac{9}{16}S : EDF$ $\frac{9}{8}S : CEF$	.ג. 12
ר 40 סמ"ר	.ד. 13
ר 54 סמ"ר (1) ר 72 סמ"ר (2)	.ב. 14
למשל $AC=DC$	.ד. 15
1.5 (1) 3.75 (2)	.ב. 16
	.17
.(iv)   (iii)	.ג.
.(iv)   (iii)	.ב.
.(iv) , (iii) , (i)	.ד.
דلتון.	.ה.
	.18
.(v)   (iv) , (ii)	.ג.
$18\sqrt{3} \approx 31.177$	.ה.
$2\sqrt{3} \approx 3.464$	.ב. 19
	.20
$AE + AH = 45 \text{ ס"מ}$	.ג.
$112.5\sqrt{3} \approx 194.855$	.ד.
	.21
$\angle OAB = 45^\circ$	.ב.
$12 + 4\sqrt{10} \approx 24.649$	.א.